

Résolution de Problèmes Modélisation

Marie Pelleau
marie.pelleau@univ-cotedazur.fr

Master 1 - Semestre 1

Formulation

Modèle

- $\mathcal{V} = \{v_1, \dots, v_n\}$: variables
- $\mathcal{D} = \{D_1, \dots, D_n\}$: domaines
- $\mathcal{C} = \{C_1, \dots, C_p\}$: contraintes

Coloriage de carte



Description

- 3 couleurs : bleu, rose, et vert
- 2 régions frontalières n'ont pas la même couleur
- Quelles sont les inconnues ?
Les couleurs des régions. On a 7 variables : $\mathcal{V} = \{v_1, v_2, \dots, v_7\}$
- Quelles sont les valeurs possibles ?
Les couleurs. On a $D_1 = \dots = D_7 = \{\bullet, \color{red}\bullet, \color{green}\bullet\}$

Coloriage de carte



Contraintes

- | | |
|----------------------|-------------------------|
| $C_1 : v_1 \neq v_2$ | $C_2 : v_1 \neq v_4$ |
| $C_3 : v_2 \neq v_3$ | $C_4 : v_2 \neq v_4$ |
| $C_5 : v_3 \neq v_4$ | $C_6 : v_3 \neq v_5$ |
| $C_7 : v_4 \neq v_5$ | $C_8 : v_4 \neq v_6$ |
| $C_9 : v_5 \neq v_6$ | $C_{10} : v_6 \neq v_7$ |

Send More Money

Description

$$\begin{array}{r} \text{SEND} \\ + \text{MORE} \\ \hline \text{MONEY} \end{array}$$

Chaque lettre représente un chiffre différent compris entre 0 et 9. On souhaite connaître la valeur de chaque lettre, sachant que la première lettre de chaque mot ne peut être égale à 0

- Quelles sont les inconnues ? Les lettres. On a donc 8 variables
 $\mathcal{V} = \{s, e, n, d, m, o, r, y\}$
- Quelles sont les valeurs possibles ? Entre 0 et 9, sauf pour s et m . On a
 $D_s = D_m = [1, 9], D_e = D_n = D_d = D_o = D_r = D_y = [0, 9]$

Send More Money

Description

$$\begin{array}{r} r_4 r_3 r_2 r_1 \\ \text{SEND} \\ + \text{MORE} \\ \hline \text{MONEY} \end{array}$$

Contraintes possibles

$$\begin{array}{l} C_1 : d + e = y + 10 * r_1 \quad r_1 \in \{0, 1\} \\ C_2 : r_1 + n + r = e + 10 * r_2 \quad r_2 \in \{0, 1\} \\ C_3 : r_2 + e + o = n + 10 * r_3 \quad r_3 \in \{0, 1\} \\ C_4 : r_3 + s + m = o + 10 * r_4 \quad r_4 \in \{0, 1\} \\ C_5 : r_4 = m \\ C_6 : s \neq e \quad C_7 : s \neq n \quad C_8 : s \neq d \quad C_9 : s \neq m \quad C_{10} : s \neq o \\ C_{11} : s \neq r \quad C_{12} : s \neq y \quad C_{13} : e \neq n \quad C_{14} : e \neq d \quad C_{15} : e \neq m \\ C_{16} : e \neq o \quad \dots \quad C_{31} : o \neq r \quad C_{32} : o \neq y \quad C_{33} : r \neq y \end{array}$$

Send More Money

Description

$$\begin{array}{r} \text{SEND} \\ + \text{MORE} \\ \hline \text{MONEY} \end{array}$$

Contraintes possibles

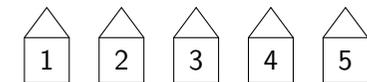
$$\begin{array}{l} C_1 : \quad \quad \quad s * 1000 + e * 100 + n * 10 + d \\ \quad \quad \quad + m * 1000 + o * 100 + r * 10 + e \\ \quad \quad \quad = m * 10000 + o * 1000 + n * 100 + e * 10 + y \\ C_2 : s \neq e \quad C_3 : s \neq n \quad C_4 : s \neq d \quad C_5 : s \neq m \quad C_6 : s \neq o \\ C_7 : s \neq r \quad C_8 : s \neq y \quad C_9 : e \neq n \quad C_{10} : e \neq d \quad C_{11} : e \neq m \\ C_{12} : e \neq o \quad \dots \quad C_{27} : o \neq r \quad C_{28} : o \neq y \quad C_{29} : r \neq y \end{array}$$

Le Zèbre

Description

Cinq maisons consécutives

- De couleurs différentes



bleu, jaune, orange, rouge, vert

- Habitées par des hommes de différentes nationalités

anglais, espagnol, japonais, norvégien, ukrainien

- Chacun possède un animal différent

chien, cheval, escargot, renard, zèbre

- Chacun a une boisson préférée différente

café, eau, lait, thé vin

- Chacun fume des cigarettes différentes

chesterfields, cravens, gitanes, kools, old golds

Le Zèbre

Description

- 1 Le norvégien habite la première maison
- 2 La maison à coté de celle du norvégien est bleue
- 3 L'habitant de la troisième maison boit du lait
- 4 L'anglais habite la maison rouge
- 5 L'habitant de la maison verte boit du café
- 6 L'habitant de la maison jaune fume des kools
- 7 La maison orange se trouve juste après la verte
- 8 L'espagnol a un chien
- 9 L'ukrainien boit du thé
- 10 Le japonais fume des cravens
- 11 Le fumeur de old golds a un escargot
- 12 Le fumeur de gitanes boit du vin
- 13 Le voisin du fumeur de chesterfields a un renard
- 14 Le voisin du fumeur de kools a un cheval

Qui boit de l'eau ?
À qui appartient le zèbre ?

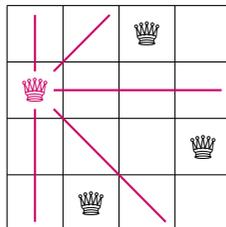
Le Zèbre

- $\mathcal{V} = \{\text{bleu, jaune, orange, rouge, vert, anglais, espagnol, japonais, norvégien, ukrainien, chien, cheval, escargot, renard, zèbre, café, eau, lait, thé, vin, chesterfields, cravens, gitanes, kools, old_gold}\}$
- $\forall v \in \mathcal{V}, D_v = \{1, 2, 3, 4, 5\}$

N-reines

Description

- Sur un échiquier de $n \times n$
- Placer n reines de telle sorte qu'aucune reine ne puisse en capturer une autre



Musique : série tous intervalles

Description

- Dans les années 20, Arnold Schönberg crée un principe de composition : le dodécaphonisme
- On considère la gamme chromatique, on cherche un motif dans lequel
 - toutes les notes apparaissent exactement une fois
 - les intervalles (entre 2 notes successives) doivent être différents



Exemple (Solution triviale)

