

Structure de Données

Pointeur et Liste

Marie Pelleau

`marie.pelleau@univ-cotedazur.fr`

Semestre 3

- 1 Pointeur
- 2 Liste
 - Liste simplement chaînée
 - Liste doublement chaînée
- 3 Implémentation
- 4 Exemple d'utilisation de listes

Rappels

Variable

- Une variable sert à mémoriser de l'information
- Ce qui est mis dans une variable est en fait mis dans une partie de la mémoire

Structures de données

- Permettent de gérer et d'organiser des données
- Sont définies à partir d'un ensemble d'opérations qu'elles peuvent effectuer sur les données
- Ne regroupent pas nécessairement des objets du même type

Besoin d'indirections

Présentation habituelle de certains algorithmes

- On a un tableau d'entiers
 - On veut trier ce tableau
-
- Un élément du tableau est directement un type de base (un entier, un flottant, un booléen...)
 - Parfois on ne voudrait pas avoir accès à la valeur en soit, mais plutôt à un objet lié à l'indice et associé à cette valeur
 - On veut simplement parcourir les éléments d'un ensemble, pas uniquement les valeurs de ces éléments : on associe l'élément à une valeur

Besoin d'indirections

Recherche dichotomique : ce qui nous intéresse

- n'est pas la valeur
- n'est pas uniquement l'appartenance de la valeur
- c'est la position de la valeur dans le tableau, donc son indice

On pourrait travailler uniquement avec des indices et des tableaux
⇒ Un indice représentant un objet particulier

Inconvénient

C'est compliqué

- quand on veut supprimer un objet (que devient son indice ?)
- quand on veut insérer un objet (que devient son indice ?)
- quand on veut ajouter un objet (les tableaux doivent être agrandis)

Besoin d'indirections

Il est plus pratique de travailler directement avec des objets et d'associer des valeurs à ces objets

```
Class MonObjet {...}
```

```
MonObjet moj1 = new MonObjet (...);
```

```
MonObjet moj2 = new MonObjet (...);
```

```
// on définit 2 objets
```

```
MonObjet obj; // on définit un autre objet
```

```
obj = moj1;
```

```
obj.setValue(8); // change une donnée de moj1
```

```
obj = moj2;
```

```
obj.setValue(12); // change une donnée de moj2
```

```
obj change indirectement moj1 et moj2, c'est une indirection
```

Pointeur

- Un pointeur est un type de données dont la valeur fait référence (référencie) directement (pointe vers) à une autre valeur
- Un pointeur référencie une valeur située quelque part d'autre en mémoire habituellement en utilisant son adresse
- Un pointeur est une variable qui contient une adresse mémoire
- Un pointeur permet de réaliser des indirections : désigner des objets, sans être ces objets

Pointeur

- Un pointeur est un type de données dont la valeur **pointe vers** une autre valeur
- Obtenir la valeur vers laquelle un pointeur pointe est appelé **déréférencer** le pointeur
- Un pointeur qui ne pointe vers aucune valeur aura la valeur **nil**

Liste

- Une **liste chaînée** désigne une structure de données représentant une collection ordonnée et de taille arbitraire d'éléments
- L'accès aux éléments d'une liste se fait de manière séquentielle
 - chaque élément permet l'accès au suivant (contrairement au cas du tableau dans lequel l'accès se fait de manière absolue, par adressage direct de chaque cellule dudit tableau)
- **Un élément contient un accès vers une donnée**

Liste

Le principe de la liste chaînée est que chaque élément possède, en plus de la donnée, des pointeurs vers les éléments qui lui sont logiquement adjacents dans la liste

Opérations/syntaxe

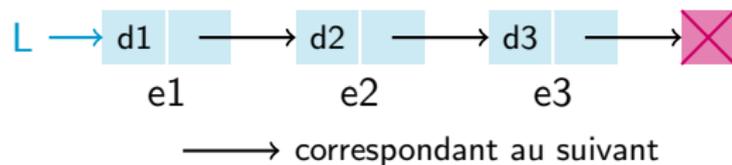
- **premier**(L) : désigne le premier élément de la liste
- **nil** : désigne l'absence d'élément

Liste simplement chaînée

- **donnée**(elt) : désigne la donnée associée à l'élément elt
- **suitant**(elt) : désigne l'élément suivant elt

Liste simplement chaînée

Représentation



- $\text{premier}(L) = e1$
- $\text{donnée}(e1) = d1$, $\text{suivant}(e1) = e2$
- $\text{donnée}(e2) = d2$, $\text{suivant}(e2) = e3$
- $\text{donnée}(e3) = d3$, $\text{suivant}(e3) = \text{nil}$

Liste

Trois opérations principales

- Parcours de la liste
- Ajout d'un élément
- Suppression d'un élément

À partir de là d'autres opérations vont être obtenues : recherche d'une donnée, remplacement, concaténation de liste, fusion de listes, ...

Liste vs Tableau

Principal avantage des listes sur les tableaux

- L'ordre des éléments de la liste peut être différent de leur ordre en mémoire
- Les listes chaînées vont permettre l'ajout ou la suppression d'un élément en n'importe quel endroit de la liste en temps constant

Inconvénient

- Certaines opérations peuvent devenir coûteuses comme la recherche d'un élément contenant une certaine donnée
- Pas de recherche dichotomique dans une liste : on ne peut pas atteindre le $i^{\text{ème}}$ élément sans parcourir

Invention des listes chaînées

- La représentation de listes chaînées à l'aide du diagramme avec une flèche vers le suivant a été proposé par Newell and Shaw dans l'article "Programming the Logic Theory Machine" Proc. WJCC, February 1957
- Newell et Simon ont obtenu l'ACM Turing Award en 1975 pour avoir "made basic contributions to artificial intelligence, the psychology of human cognition, and list processing"

Lvalue et Rvalue

- Pour se simplifier la vie, on accepte de faire **suivant** (elt) \leftarrow valeur
- On remarque qu'il n'y a pas d'ambigüité
- Cela s'appelle une Lvalue ou Left-value (on accepte de mettre à gauche de l'affectation)
- Le cas normal est la Rvalue (right-value)

Liste

Initialisation d'une liste

La liste est vide, son premier élément est `nil`

```
initListe(L) {  
  premier(L) ← nil  
}
```

Initialisation de L



Liste

Compter le nombre d'éléments

```
entier nombreElements(L) {  
  cpt ← 0  
  elt ← premier(L)  
  tant que (elt ≠ nil) {  
    cpt ← cpt + 1  
    elt ← suivant(elt)  
  }  
  retourner cpt  
}
```

Liste

Ajout d'un élément

- On ajoute un élément `elt` au début de la liste
- On suppose qu'il n'est pas déjà dans la liste (sinon que se passe-t-il ?)

Principes

- Le premier de la liste deviendra `elt`
- Mais où est l'ancien premier ? Il devient le suivant de `elt`

Attention

L'ordre de mise à jour est important ! On ne doit pas perdre le premier

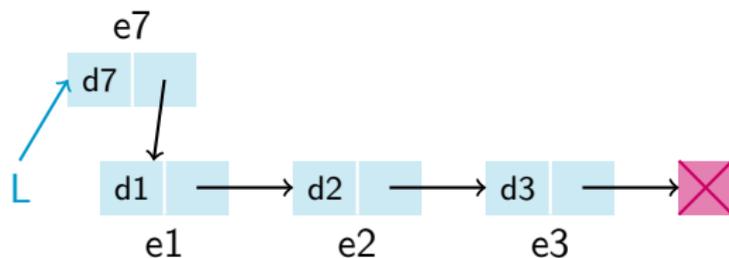
- Le suivant de `elt` est mis à jour
- Puis le premier de la liste

Liste

Ajout d'un élément

```
ajouteAuDébut(elt , L) {  
  // elt n'est pas dans L  
  suivant(elt) ← premier(L)  
  premier(L) ← elt  
}
```

Ajout de e7

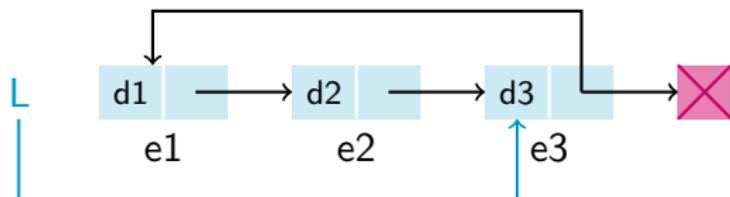


Liste

Ajout d'un élément

```
ajouteAuDébut(elt , L) {  
  // elt n'est pas dans L  
  suivant(elt) ← premier(L)  
  premier(L) ← elt  
}
```

Ajout de e3



Liste

Insertion d'un élément

- On insère un élément `elt` après un autre `p`
- On suppose que `elt` n'est pas déjà dans la liste et que `p` y est (sinon que se passe-t-il ?)

Principes

- Le suivant de `elt` devient le suivant de `p`
- Le suivant de `p` devient `elt`

Attention

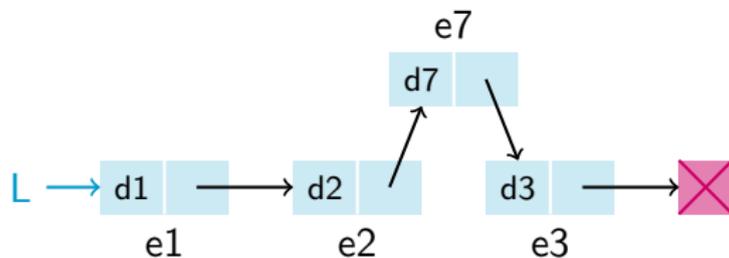
L'ordre de mise à jour est important !

Liste

Insertion d'un élément

```
insèreAprès(elt , p, L) {  
  // elt n'est pas dans L, p est dans L  
  suivant(elt) ← suivant(p)  
  suivant(p) ← elt  
}
```

Insertion de e7 après e2

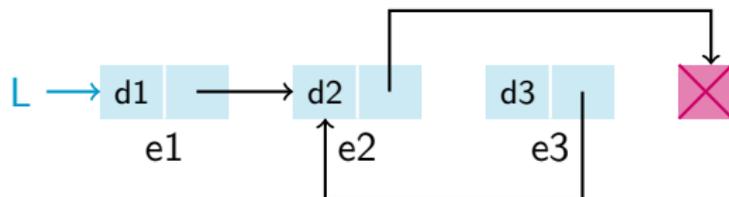


Liste

Insertion d'un élément

```
insèreAprès(elt , p, L) {  
  // elt n'est pas dans L, p est dans L  
  suivant(elt) ← suivant(p)  
  suivant(p) ← elt  
}
```

Insertion de e2 après e3

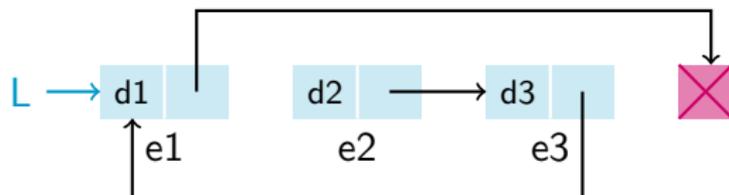


Liste

Insertion d'un élément

```
insèreAprès(elt , p, L) {  
  // elt n'est pas dans L, p est dans L  
  suivant(elt) ← suivant(p)  
  suivant(p) ← elt  
}
```

Insertion de e1 après e3

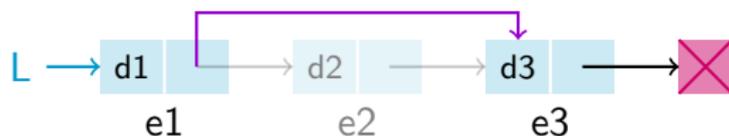


Liste

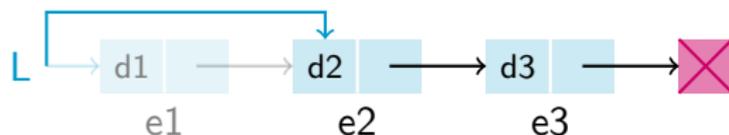
Suppression d'un élément

- On supprime un élément de la liste
- On a besoin du précédent !
- Le premier peut changer !

Suppression de e2



Suppression de e1



Liste

Suppression d'un élément

- On supprime un élément de la liste
- On a besoin du précédent !
- Le premier peut changer !

Principe

Le suivant du précédent devient le suivant de elt

Gestion de tous les cas

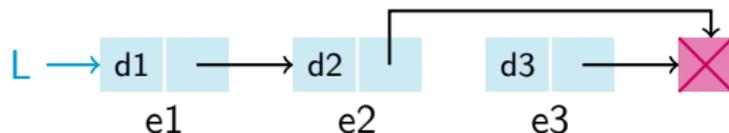
- elt est le premier
- elt n'est pas le premier
- p est bien le précédent de elt

Liste

Suppression d'un élément

```
supprime(elt , p, L) {  
  //elt est dans L, p son précédent  
  si (premier(L) = elt) {  
    premier(L) ← suivant(elt)  
  } sinon {  
    si (suivant(p) = elt) {  
      suivant(p) ← suivant(elt)  
    }  
  }  
}
```

Suppression de e3 – `supprime(e3, e2, L)`



Plan

- 1 Pointeur
- 2 Liste
 - Liste simplement chaînée
 - Liste doublement chaînée
- 3 Implémentation
- 4 Exemple d'utilisation de listes

Liste

Liste simplement chaînée

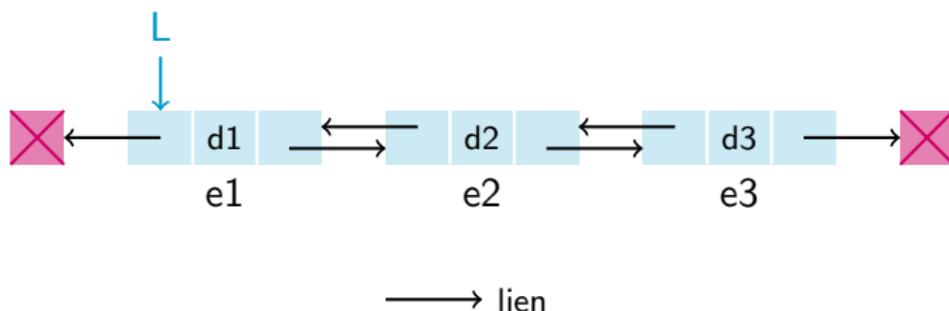
- **donnée**(elt) désigne la donnée associée à l'élément elt
- **suivant**(elt) désigne l'élément suivant elt

Liste doublement chaînée

- **donnée**(elt) désigne la donnée associée à l'élément elt
- **suivant**(elt) désigne l'élément suivant elt
- **précédent**(elt) désigne l'élément précédant elt

Liste doublement chaînée

Représentation



- $\text{premier}(L) = e1$
- $\text{donnée}(e1) = d1$, $\text{suivant}(e1) = e2$, $\text{précédent}(e1) = \text{nil}$
- $\text{donnée}(e2) = d2$, $\text{suivant}(e2) = e3$, $\text{précédent}(e2) = e1$
- $\text{donnée}(e3) = d3$, $\text{suivant}(e3) = \text{nil}$, $\text{précédent}(e3) = e2$

Liste

Trois opérations principales

- Parcours de la liste
- Ajout d'un élément
- Suppression d'un élément

À partir de là d'autres opérations vont être obtenues : recherche d'une donnée, remplacement, concaténation de liste, fusion de listes, ...

Liste

Ajout d'un élément

- On ajoute un élément `elt` au début de la liste
- On suppose qu'il n'est pas déjà dans la liste (sinon que se passe-t-il ?)

Principes

- Le suivant de `elt` est le premier
- Le premier de la liste deviendra `elt`

Attention

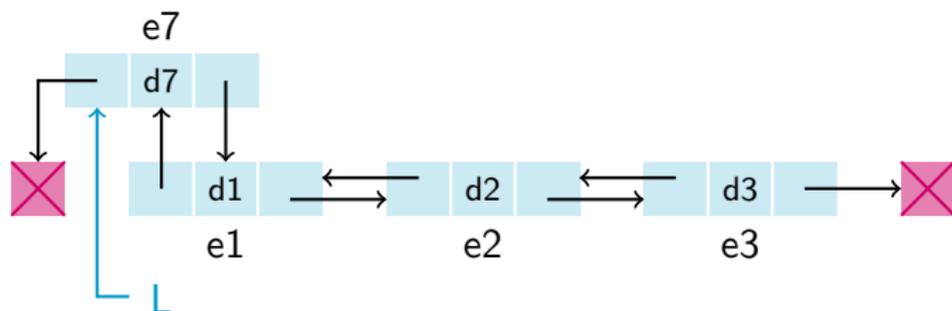
L'ordre de mise à jour est important !

Liste

Ajout d'un élément

```
ajouteAuDébut(elt , LD) {
  // elt n'est pas dans LD
  suivant(elt) ← premier(LD)
  précédent(elt) ← nil
  précédent(premier(LD)) ← elt
  premier(LD) ← elt
}
```

Ajout de e7



Liste

Insertion d'un élément

- On insère un élément `elt` après un autre `p`
- On suppose que `elt` n'est pas déjà dans la liste et que `p` y est (sinon que se passe-t-il ?)

Principes

- Le suivant de `elt` devient le suivant de `p`
- Le précédent de `elt` est `p`
- Le suivant de `p` devient `elt`
- Le précédent de `suivant(p)` devient `elt`

Sont modifiés : `suivant(elt)`, `précédent(elt)`, `suivant(p)`,
`précédent(suivant(p))`

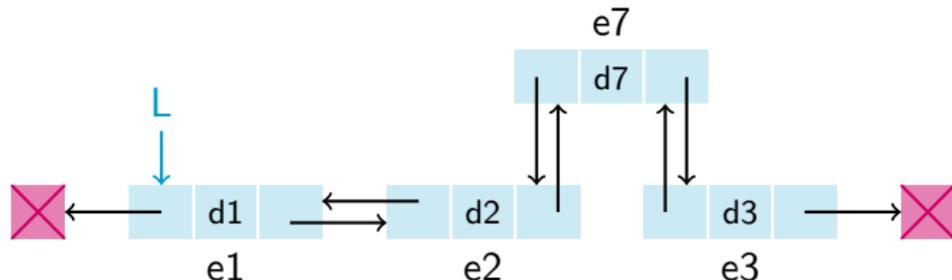
Liste

Insertion d'un élément

```
insèreAprès(elt , p, LD) {
  // elt n'est pas dans LD, p est dans LD
  suivant(elt) ← suivant(p)
  précédent(elt) ← p
  précédent(suivant(p)) ← elt
  suivant(p) ← elt
}
```

Mauvais code !
Pourquoi ?

Insertion de e7 après e2



Liste

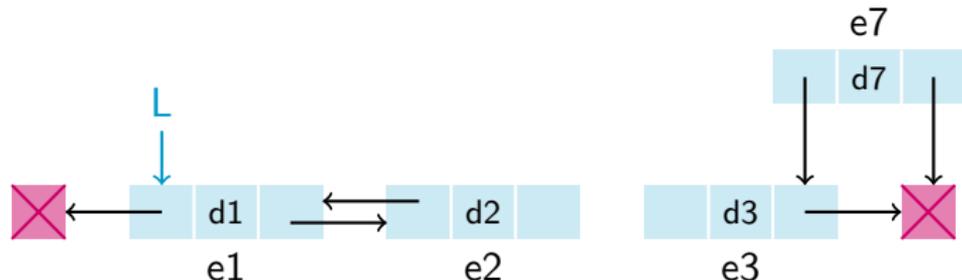
Insertion d'un élément

```

insèreAprès(elt , p, LD) {
  // elt n'est pas dans LD, p est dans LD
  suivant(elt) ← suivant(p)
  précédent(elt) ← p
  précédent(suivant(p)) ← elt ✗
  suivant(p) ← elt
}

```

Insertion de e7 après e3 ?



Liste

Insertion d'un élément

```
insèreAprès(elt , p, LD) {  
    // elt n'est pas dans LD, p est dans LD  
    suivant(elt) ← suivant(p)  
    précédent(elt) ← p  
    si (suivant(p) ≠ nil) {  
        précédent(suivant(p)) ← elt  
    }  
    suivant(p) ← elt  
}
```

Liste

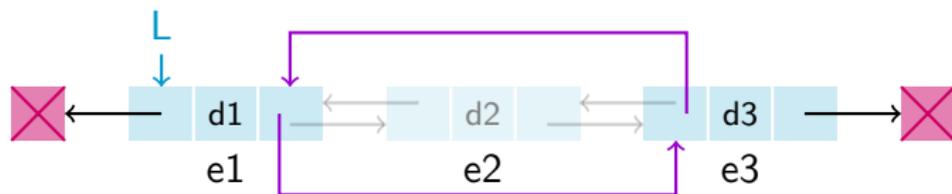
Suppression d'un élément

- On supprime un élément de la liste
- On n'a pas besoin du précédent !
- Le premier peut changer !

Principes

- Le suivant du précédent devient le suivant de elt
- Le précédent du suivant devient le précédent de elt

Suppression de e2



Liste

Suppression d'un élément

```
supprime(elt , LD) {  
  //elt dans LD  
  suiv ← suivant(elt)  
  prec ← précédent(elt)  
  si (prec = nil) {  
    premier(LD) ← suiv  
  } sinon {  
    suivant(prec) ← suiv  
  }  
  si (suiv ≠ nil) {  
    précédent(suiv) ← prec  
  }  
}
```

Plan

- 1 Pointeur
- 2 Liste
 - Liste simplement chaînée
 - Liste doublement chaînée
- 3 Implémentation
- 4 Exemple d'utilisation de listes

Implémentation

- Par un tableau
- À l'aide de pointeur

Tableaux simulant une liste

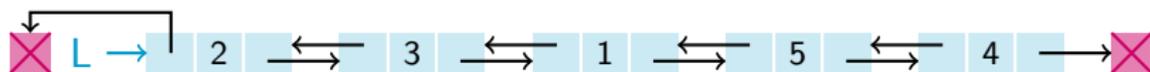
Tableau S des suivants

- $S[i]$ indice de l'élément suivant l'élément d'indice i

Tableau P des précédents

- $P[i]$ indice de l'élément précédant l'élément d'indice i

Exemple



S	5	3	1	0	4
---	---	---	---	---	---

P	3	0	2	5	1
---	---	---	---	---	---

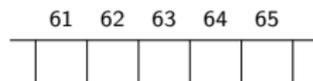
Pointeur

- Un pointeur est un type de données dont la valeur **pointe vers** une autre valeur
- Obtenir la valeur vers laquelle un pointeur pointe est appelé **déréférencer** le pointeur
- Un pointeur qui ne pointe vers aucune valeur aura la valeur **nil**
- Un pointeur c'est un indice dans le grand tableau de la mémoire

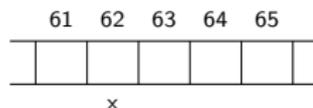
Pointeur Implémentation

```
int x // Réserve un emplacement pour un entier en mémoire
x = 10 // Écrit la valeur 10 dans l'emplacement réservé
```

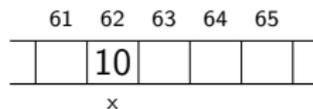
- Une variable est destinée à contenir une valeur du type avec lequel elle est déclarée
- Physiquement cette valeur se situe en mémoire



- `int x`



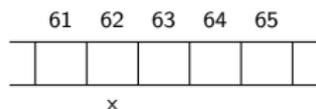
- `x = 10`



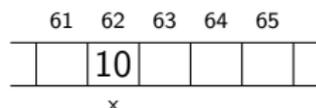
Pointeur Implémentation

```
int x // Réserve un emplacement pour un entier en mémoire
x = 10 // Écrit la valeur 10 dans l'emplacement réservé
```

- `int x`

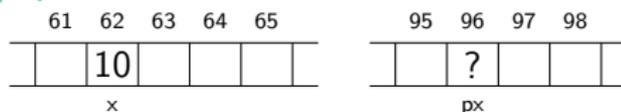


- `x = 10`

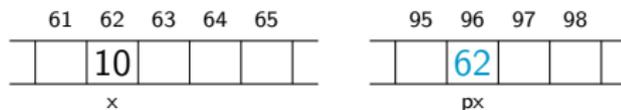


- `&x` : adresse de x en C (ici 62)

- En C : `int* px; // pointeur sur un entier`



- `px = &x; // adresse de x`



Pointeur Implémentation

- Si px contient l'adresse de x
 - Alors $*px$ contient la valeur qui se trouve à l'adresse de x , donc la valeur de x
 - Si je change la valeur qui se trouve à l'adresse de x , alors je change la valeur de x
-
- $px = \&x$ Si je modifie $*px$ alors je modifie x
 - $px = \&y$ Si je modifie $*px$ alors je modifie y
 - $px = \&\text{bidule}$ Si je modifie $*px$ alors je modifie bidule
 - px désigne l'objet pointé
 - $*px$ modifie l'objet pointé

Pointeur et référence

- Une **référence** est une valeur qui permet l'accès en lecture et/ou écriture à une donnée située soit en mémoire principale soit ailleurs
 - Une référence n'est pas la donnée elle-même mais seulement une information de localisation
 - Ressemble à quelque chose de connu, non ?
-
- Le typage des références permet de manipuler les données référencées de manière abstraite tout en respectant leurs propres contraintes de type
 - Le type de référence le plus simple est le pointeur. Il s'agit simplement d'une adresse mémoire
 - Mais pointeur typé = référence typé
 - Mais on peut changer le type d'un pointeur, pas d'une référence (cast/transtypage autorisé)

Pointeur et référence

En Java

Uniquement des références typées

- `MyObject a, b, obj;`
- `obj = a;` si on modifie `obj` alors on modifie `a`
- `obj = b;` si on modifie `obj` alors on modifie `b`
- `myFonction(obj)` `obj` est passé en entrée/sortie

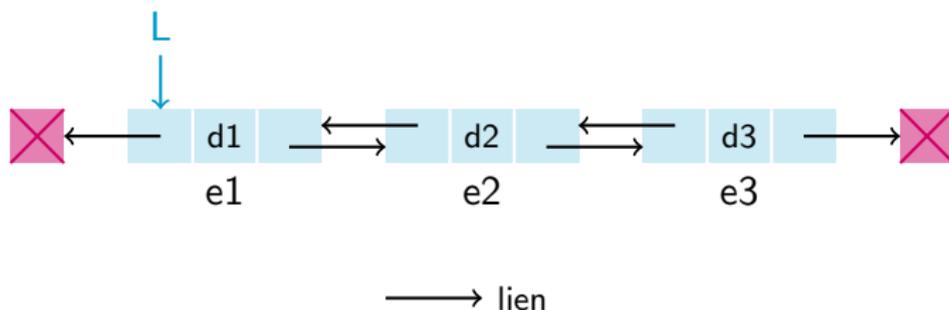
En C/C++

Pointeurs typés mais type changeable

- `MyObject a, b;`
- `MyObject* obj;`
- `obj = &a;` si on modifie `obj` alors on modifie `a`
- `obj = &b;` si on modifie `obj` alors on modifie `b`
- `myFonction(MyObject* obj)` `obj` est passé en entrée/sortie
- `myFonction(MyObject obj)` `obj` est passé en entrée

Liste doublement chaînée

Représentation



- ListeElement
 - suivant : pointeur vers ListeElement
 - précédent : pointeur vers ListeElement
 - donnée : pointeur vers l'objet
- Liste
 - premier : pointeur vers ListeElement

Liste doublement chaînée

```
class ListElt {
  ListElt _suiv
  ListElt _prec
  MaClasseDonnee _data
  ListElt() {
    _suiv = nil
    _prec = nil
    _data = null
  }
}
```

Liste doublement chaînée

```
class List {  
    ListElt _premier  
    List() {  
        _premier = nil  
    }  
}
```

Plan

- 1 Pointeur
- 2 Liste
 - Liste simplement chaînée
 - Liste doublement chaînée
- 3 Implémentation
- 4 Exemple d'utilisation de listes

Pile

Liste simplement chaînée : opérations

- `initListe` (L)
- `nombreElements`(L)
- `premier`(L)
- `ajouteAuDébut`(elt, L)
- `insèreAprès`(elt , p, L)
- `supprime`(elt , p, L)

Implémentation par une liste

Une liste L simplement chaînée

- `Sommet`(P) : renvoyer `premier`(L)
- `Empiler`(P, elt) : `ajouteAuDébut`(elt, L)
- `Déempiler`(P) : `supprime`(`premier`(L), `nil` , L)
- `estVide`(P) : renvoyer `nombreElements`(L) = 0

Pile

Implémentation par une liste

Nécessite par rapport à un tableau

- Plus de place
- Plus d'opérations
- Plus d'allocations

File

Liste simplement chaînée : opérations

- `initListe` (L)
- `nombreElements`(L)
- `premier`(L)
- `ajouteEnFin`(elt , L)
- `insèreAprès`(elt , p, L)
- `supprime`(elt , p, L)

Implémentation par une liste

Une liste L simplement chaînée

- `Sommet`(F) : renvoyer `premier`(L)
- `Enfiler` (F, elt) : `ajouteEnFin`(elt , L)
- `Défiler` (F) : `supprime`(`premier`(L), `nil` , L)
- `estVide`(F) : renvoyer `nombreElements`(L) = 0

File

Implémentation par une liste

Beaucoup plus simple qu'un tableau cette fois

- Gestion mémoire plus complexe